

Vol. 27, No. 4, 130-134 (2014) DOI: http://dx.doi.org/10.7234/composres.2014.27.4.130 ISSN 2288-2103(Print), ISSN 2288-2111(Online)

Paper

변형률 속도가 고려된 발포 폴리프로필렌의 구성방정식

김한국* · 전성식***

A Constitutive Equation Including Strain Rate Effect for the Expanded Polypropylene

Han-Kook Kim*, Seong S. Cheon**[†]

ABSTRACT: The purpose of this paper is to build DB in order to Propose new constitutive equations by redefining constitutive equations for Polyurethane presented by Jeong *et al.* [12] based on Quasi-static test and Impact test DB of Expanded polypropylene using cylindrical specimens with 4 different densities presented by Kim *et al.* [7] for EPP foam and combining the impulse-momentum theory.

초 록: 본 논문에서는 Kim 등[7]이 제시한 4가지의 다른 밀도를 갖는 원통형 시험편으로한 EPP(Expanded polypropylene) 의 준정적(Quasi-static test) 및 충격 시험(Impact test) DB를 바탕으로 Jeong 등[12]이 제시한 폴리우레탄(Polyurethane) 에 대한 구성방정식을 EPP 폼에 대하여 다시 정의 하여 충격량-운동량 이론을 접목시켜 새로운 구성방정식을 제 안하기위한 DB 구축을 목표로 하였다.

Key Words: 발포 폴리프로필렌(Expanded polypropylene), 준정적 시험(Quasi-static test), 계장화 충격시험(Instrumented impact test), 충돌 운동량(Impulse momentum), 구성방정식(Constitutive equations)

1. 서 론

복합재료는 유리섬유 강화 플라스틱이 처음 개발된 이 후 현재까지 여러 기술 분야에서 주목을 받았으며, 다양한 산업 분야에 적용되어 왔다. 높은 기계적 성능을 가진 섬유 개발과 그에 적합한 기지재의 발달로 인하여 우주 항공, 자 동차등 운송체 분야, 건물 다리 등 기간산업 분야, 골프용 품, 보트 외판 등의 스포츠 산업 분야까지 여러 분야에서 꾸 준히 응용이 이루어지고 있다. 최근에는 전자기, 열, 생체 분야 등에 적용하기 위하여 다양한 성질을 동시에 가지는 기능성 복합재료에 대한 연구 또한 활발히 진행되고 있다 [1-3]. 특히 발포기술의 발전과 함께 EPP(Expanded polypropylene) 및 EPS(Expanded polystyrene)에 대한 사용 이 증대되면서 자동차 범퍼를 구성하는 부품은 강철재료 대신 플라스틱 또는 비철 재료로 대체 되어가고 있는 추세 이다[4,5].

EPP는 기본적으로 발포체이기 때문에 발포체가 갖는 특 성 외에도 독특한 특성을 보이고 있다. 먼저 구조적인 특성 으로는 표면의 셀(Cell)이 작고 내부로 갈수록 셀이 커지기 때문에 표면은 매우 부드럽지만 내부에서는 강한 기계적 물성을 가진다고 알려져 있다[6].

Kim 등[7]은 EPP 및 EPS의 구성방정식 결정을 위한 체계 적인 DB를 구축하는 것을 목표로 하였다. 이를 위해 각 발 포고분자에 대하여 4가지의 다른 밀도를 갖는 원통형 시편 으로 0.001 s⁻¹와 0.1 s⁻¹의 준정적 압축시험과 충격 압축시험 을 통해 기본 입력 데이터로 활용될 수 있도록 하였다.

Received 7 July 2014, received in revised form 18 August 2014, accepted 26 August 2014

*Department of Mechanical Engineering, Kongju National University

^{**&}lt;sup>†</sup>Division of Mechanical and Automotive Engineering, Kongju National University, Corresponding author (E-mail: sscheon@kongju.ac.kr)

Bouuix 등[8-11]은 소재의 고속변형특성을 연구하기 위 하여 홉킨스 바 시험기 및 중고속 인장 시험기를 개발하여 자동차용 강판의 변형률속도 효과를 시험적으로 구하여 충 돌해석의 기본 입력 데이터로 활용될 수 있도록 하였으며, Jeong 등[12]은 폴리우레탄(Polyurethane) 폼(Foam)에 대한 변형률 속도에 따른 응력-변형률 관계를 설명하기 위해 구 성방정식을 제안하였다.

이와 같이 EPP에 대한 실험적 규명은 광범위 하게 이루 어 졌으나 구성 방정식에 대한 내용은 찾아보기 힘들었다. 따 라서 본 논문에서는 Kim 등[7]이 제시한 4가지의 다른 밀 도를 갖는 원통형 시편((주)엠피아이씨)으로한 EPP의 준정 적 및 충격 시험 DB를 바탕으로 Jeong 등[12]이 제시한 폴 리우레탄에 대한 구성방정식을 EPP 폼에 대하여 다시 정 의 하여 충격량-운동량 이론을 접목시켜 새로운 구성방정 식을 제안하기 위한 DB 구축을 목표로 하였다.

2. 구성 방정식

2.1 EPP의 밀도별 시편

Kim 등[7]은 EPP/EPS 각각 4종류의 다른 밀도를 갖는 원 기둥형 시편을 준비하여 실험을 하였다. 그중 EPP만을 선 택하여 Table 1에 나타내었다.

실험 데이터중 EPP만 선정한 이유는 플래토 구간의 응 력이 EPS보다 EPP가 약 10% 높은 것을 보였다[7]. 이는 EPS 보다 EPP가 에너지 흡수율이 좋다는 것을 알 수 있다[14]. Fig. 1은 시험에 사용된 시편을 나타내었다.

ID	Diameter (mm)	Length (mm)	Density (kg/m ³)	Standard deviation (kg/m ³)
EPP_1	49	50	23	0.52
EPP_2	49	48	28	0.55
EPP_3	49	50	61	0.44
EPP_4	49	51	146	5.02

Table 1 Density of the EPP



Fig. 1. Foam specimen of EPP

2.2 구성 방정식

다음의 식은 Jeong 등[12]이 제시한 발포 폴리우레탄의 구 성방정식이다.

$$\sigma_{d} = \sigma(\varepsilon) \Biggl\{ 1 + (\alpha + d\varepsilon) \ln\left(\frac{\dot{\varepsilon}}{\dot{\varepsilon}_{0}}\right) \Biggr\}$$
$$= \Biggl\{ A(1 - e^{-(E/A)\varepsilon(1-\varepsilon)^{m}}) + B\left(\frac{\varepsilon}{1-\varepsilon}\right)^{n} \Biggr\} \Biggl\{ 1 + (a+b\varepsilon) \ln\left(\frac{\dot{\varepsilon}}{\dot{\varepsilon}_{0}}\right) \Biggr\} (1)$$

위의 식 (1)에서는 총 7개의 매개변수가 있으며, 먼저 첫 번째 항의 5개의 변수 A, B, E, m, n은 응력-변형률 데이터 에 의해 결정된다. 여기서, A는 plateau 구간의 시작점을, B 는 densification 구간의 시작점, E는 elastic 구간의 기울기, m은 densification 구간의 시작점이 낮아지며 기울기 또한 낮아지며, n은 plateau 구간의 시작점이 작아진다.

다음으로, 두 번째 항의 나머지 두 개의 변수 a와 b는 첫 번째 항과 다른 변형속도에 의해 응력-변형률 데이터에 근 사화 함으로써 알 수 있다. 대부분의 매개변수들은 소재, 밀 도에 따라 달라지는 것으로 판단된다.

2.3 매개 변수 결정

식 (1)의 변수를 결정하기 위해 Newton Raphson method for simultaneous nonlinear equations을 이용하여 계산의 편 의를 위해 Microsoft Excel을 사용하였다. 행렬을 통해 첫 번 째 항의 변수 5개를 구하였으며, 먼저 각 밀도별 압축시험 (Quasi-static test)을 하였으며, 및 의 두 변형률 속도에 대하 여 수행하였다[12,13]. 먼저 행렬식을 세우기 위해 첫 번째 항의 변수들의 편미분을 통해 다음과 같은 식을 얻을 수 있었다.

$$F_1 = \frac{\partial C}{\partial A} = 2\Sigma[\sigma(\varepsilon_i) - \sigma_i] \left[1 - \left(1 + A \frac{\partial f_i}{\partial A} \right) e^{f_i} \right] = 0$$
(2)

$$F_2 = \frac{\partial C}{\partial B} = 2\Sigma [\sigma(\varepsilon_i) - \sigma_i] \left(\frac{\varepsilon_i}{1 - \varepsilon_i}\right)^n = 0$$
(3)

$$F_3 = \frac{\partial C}{\partial E} = -2A\Sigma[\sigma(\varepsilon_i) - \sigma_i]e^{f_i\frac{\partial f_i}{\partial E}} = 0$$
(4)

$$F_4 = \frac{\partial C}{\partial m} = -2A\Sigma[\sigma(\varepsilon_i) - \sigma_i]e^{f_i}\frac{\partial f_i}{\partial m} = 0$$
(5)

$$F_{5} = \frac{\partial C}{\partial n} = 2B\Sigma[\sigma(\varepsilon_{i}) - \sigma_{i}] \left(\frac{\varepsilon_{i}}{1 - \varepsilon_{i}}\right)^{n} \ln\left(\frac{\varepsilon_{i}}{1 - \varepsilon_{i}}\right) = 0$$
(6)

여기서, C는 식 (1)의 첫 번째 항을 나타내며 ϵ 은 변형률, σ 는 응력을 의미한다. 위와 같이 식 (2)부터 식 (6)까지 f_i 는 $-\frac{A}{E}\epsilon_i(1-\epsilon_i)^m$ 을 치환하여 1차 편미분식을 얻을 수 있었다. 위에서 얻은 식을 각각 A, B, E, m, n으로 편미분을 진행하 면 다음과 같은 식을 얻게 된다.

$$\frac{\partial F_1}{\partial A} = \frac{\partial^2 C}{\partial A^2} = 2\Sigma \left[\left[1 - \left(1 + A \frac{\partial f_i}{\partial A} \right) e^{f_i} \right]^2 - e^{f_i} \left[\sigma(\varepsilon_i) - \sigma_i \right] \left(2 \frac{\partial f_i}{\partial A} + A \left(\frac{\partial f_i}{\partial A} \right)^2 + A \frac{\partial^2 f_i}{\partial A^2} \right) \right]$$
(7)

$$\frac{\partial F_1}{\partial B} = \frac{\partial^2 C}{\partial A \partial E} = 2\Sigma \left(\frac{\varepsilon_i}{1 - \varepsilon_i}\right)^n \left[\left[1 - \left(1 + A \frac{\partial f_i}{\partial A}\right) e^{f_i} \right]^2 \right]$$
(8)

$$\frac{\partial F_1}{\partial E} = \frac{\partial^2 C}{\partial A \partial E} = 2\Sigma \left[\left(-A \frac{\partial f_i}{\partial E} e^{f_i} \right) \left[1 - \left(1 + A \frac{\partial f_i}{\partial A} \right) e^{f_i} \right] \right]$$

$$-e^{i}\left[\sigma(\varepsilon_{i})-\sigma_{i}\right]\left[A\frac{\partial}{\partial A\partial E}+\left(1+A\frac{\partial}{\partial A}\right)\frac{\partial}{\partial E}\right]$$
(9)

$$\frac{\partial F_1}{\partial m} = \frac{\partial^2 C}{\partial A \partial m} = 2\Sigma \left[\left(-A \frac{\partial f_i}{\partial m} e^{f_i} \right) \left[1 - \left(1 + A \frac{\partial f_i}{\partial A} \right) e^{f_i} \right] - e^{f_i} \left[\sigma(\varepsilon_i) - \sigma_i \right] \left[A \frac{\partial^2 f_i}{\partial A \partial m} + \left(1 + A \frac{\partial f_i}{\partial A} \right) \frac{\partial f_i}{\partial m} \right] \right]$$
(10)

$$\frac{\partial F_1}{\partial n} = \frac{\partial^2 C}{\partial A \partial n} = 2B\Sigma \left(\frac{\varepsilon_i}{1 - \varepsilon_i}\right)^n \ln\left(\frac{\varepsilon_i}{1 - \varepsilon_i}\right) \left[1 - \left(1 + A\frac{\partial f_i}{\partial A}\right)e^{f_i}\right]$$
(11)

식 (7)부터 식 (11)까지 식에 대하여 총 5개의 식을 확인 할 수 있었다. 이와 같이 또한 같은 방법으로 식을 나타낼 수 있다. 이를 진행하여 다음에 보이는 행렬과 같이 정리하 여 나타내었다.

이것을 행렬식으로 계산하기 위해서는 Newton Raphson method for simultaneous nonlinear equations을 이용하여 식 (12)와 같이 정리할 수 있다.

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial F_{1}}{\partial A} & \frac{\partial F_{1}}{\partial B} & \frac{\partial F_{1}}{\partial E} & \frac{\partial F_{1}}{\partial m} & \frac{\partial F_{1}}{\partial n} \\ \frac{\partial F_{1}}{\partial B} & \frac{\partial F_{2}}{\partial B} & \frac{\partial F_{2}}{\partial E} & \frac{\partial F_{2}}{\partial m} & \frac{\partial F_{3}}{\partial n} \\ \frac{\partial F_{1}}{\partial E} & \frac{\partial F_{2}}{\partial E} & \frac{\partial F_{3}}{\partial E} & \frac{\partial F_{3}}{\partial m} & \frac{\partial F_{3}}{\partial n} \\ \frac{\partial F_{1}}{\partial E} & \frac{\partial F_{2}}{\partial E} & \frac{\partial F_{3}}{\partial E} & \frac{\partial F_{3}}{\partial m} & \frac{\partial F_{3}}{\partial n} \\ \frac{\partial F_{1}}{\partial m} & \frac{\partial F_{2}}{\partial m} & \frac{\partial F_{3}}{\partial m} & \frac{\partial F_{4}}{\partial m} & \frac{\partial F_{4}}{\partial n} \\ \frac{\partial F_{1}}{\partial n} & \frac{\partial F_{2}}{\partial n} & \frac{\partial F_{3}}{\partial m} & \frac{\partial F_{4}}{\partial n} & \frac{\partial F_{4}}{\partial n} \end{bmatrix} = \begin{cases} -F_{1} \\ -F_{2} \\ -F_{3} \\ -F_{4} \\ -F_{5} \\ \end{bmatrix}$$
(12)

여기서 구하고자 하는 값은 ΔA, ΔB, ΔE, Δm 및 Δn이기 때 문에 식 (13)과 같이 식을 다시 정리하여 구할 수 있다. ΔA, ΔB, ΔE, Δm 및 Δn은 한 번에 구해지는 값이 아니기 때문에 '0'으로 수렴하는데 까지 계속적인 반복이 필요하다.

$$\begin{cases} \Delta A \\ \Delta B \\ \Delta E \\ \Delta m \\ \Delta n \end{cases} = \begin{cases} -F_1 \\ -F_2 \\ -F_3 \\ -F_4 \\ -F_5 \end{cases} \begin{bmatrix} \frac{\partial F_1}{\partial B} & \frac{\partial F_1}{\partial E} & \frac{\partial F_1}{\partial E} & \frac{\partial F_1}{\partial n} \\ \frac{\partial F_1}{\partial B} & \frac{\partial F_2}{\partial B} & \frac{\partial F_2}{\partial E} & \frac{\partial F_2}{\partial n} \\ \frac{\partial F_1}{\partial E} & \frac{\partial F_2}{\partial E} & \frac{\partial F_3}{\partial E} & \frac{\partial F_3}{\partial n} \\ \frac{\partial F_1}{\partial E} & \frac{\partial F_2}{\partial E} & \frac{\partial F_3}{\partial E} & \frac{\partial F_4}{\partial n} \\ \frac{\partial F_1}{\partial m} & \frac{\partial F_2}{\partial m} & \frac{\partial F_3}{\partial m} & \frac{\partial F_4}{\partial n} \\ \frac{\partial F_1}{\partial m} & \frac{\partial F_2}{\partial n} & \frac{\partial F_2}{\partial n} & \frac{\partial F_4}{\partial n} \\ \frac{\partial F_1}{\partial n} & \frac{\partial F_2}{\partial n} & \frac{\partial F_2}{\partial n} & \frac{\partial F_4}{\partial n} \\ \frac{\partial F_1}{\partial n} & \frac{\partial F_2}{\partial n} & \frac{\partial F_2}{\partial n} & \frac{\partial F_4}{\partial n} \\ \frac{\partial F_1}{\partial n} & \frac{\partial F_2}{\partial n} & \frac{\partial F_2}{\partial n} & \frac{\partial F_4}{\partial n} \\ \frac{\partial F_5}{\partial n} & \frac{\partial F_2}{\partial n} & \frac{\partial F_4}{\partial n} \\ \frac{\partial F_5}{\partial n} & \frac{\partial F_2}{\partial n} & \frac{\partial F_4}{\partial n} \\ \frac{\partial F_5}{\partial n} & \frac{\partial F_4}{\partial n} & \frac{\partial F_5}{\partial n} \\ \end{bmatrix}$$
(13)

위의 식 (13)을 통해 얻어진 결과를 다음 Table 2에 나타 내었다.

Fig. 2는 식 (1)의 첫 번째 항에 대한 EPP 폼의 각각의 밀 도별 그래프이다. 분석결과 값과 실험결과 값이 우수하게 일치하는 것을 볼 수 있다.

Jeong 등[12]이 제시한 식 (1)의 첫 번째 항에서 첫 번째 텀 은 탄성구간과 플래토 구간을 의미하며 두 번째 텀은 고밀 도화구간(Densification)을 의미한다.

식 (1)에서 다섯 개의 매개 변수는 0.001 s⁻¹의 변형 속도 로 데이터의 최소제곱법에 의해 결정되었다. 나머지 두 개 의 매개변수 a 및 b를 결정하는데 있어서 또 다른 변형속도 의 데이터가 필요하여 0.1 s⁻¹의 변형속도로 진행하였다. 마 찬가지로 최소제곱법에 의해 결정되었다. 최소제곱법을 사 용하면 수식(2)~(6)과 같이 나열되는데 이를 사용하여 오 차를 최소한으로 줄이기 위함이다. 이를 이용하여 Newton Raphson method for simultaneous nonlinear equations를 사용, 계산의 편의를 위해 Microsoft Excel을 이용하였다.

Fig. 2의 (c)의 데이터가 다른 데이터와 다르게 탄성구간 의 기울기가 차이를 보이는데 이는 폼을 제조하데 있어서 상대적으로 가장 고르지 못하게 제조된 것을 볼 수 있었 다. 다음에 보이는 Fig. 3 또한 같은 결과를 보인다.

Table 2. Five parameter calculated from regression

А	В	Е	m	n
0.089654	0.103454	2.3154	2.369541	1.168
0.13644	0.116544	4.5315	2.80151	1.1845
0.34515	0.25945	3.2154	3.4155	0.93841
1.19452	1.4215	45.6421	4.81215	1.1353
	A 0.089654 0.13644 0.34515 1.19452	A B 0.089654 0.103454 0.13644 0.116544 0.34515 0.25945 1.19452 1.4215	A B E 0.089654 0.103454 2.3154 0.13644 0.116544 4.5315 0.34515 0.25945 3.2154 1.19452 1.4215 45.6421	A B E m 0.089654 0.103454 2.3154 2.369541 0.13644 0.116544 4.5315 2.80151 0.34515 0.25945 3.2154 3.4155 1.19452 1.4215 45.6421 4.81215

Table 3. Two parameter calculated from regression

ID	а	b	
EPP_1	0.0347		
EPP_2	0.0381	0.001	
EPP_3	0.0553	0.001	
EPP_4	0.0601		



Fig. 2. Stress-strain relation: (a) EPP_1, (b) EPP_2, (c) EPP_3 and (d) EPP_4

Table 3은 식 (1)의 두 번째 항의 a, b의 결과 값을 나타내 었다. Table 3에 나타난 바와 같이 b 값을 0.001로 통일시켰 는데 이는 a 값에 의해 그래프가 결정되도록 하였으며, b 값



Fig. 3. Stress-strain relation: (a) EPP_1, (b) EPP_2, (c) EPP_3 and (d) EPP_4

을 통일 시키더라도 결과에는 무관한 것을 알 수 있었다. b 값이 일정하다고 무시하는 값은 아니며 b 값이 0.001 이하 로 내려가게 되면 응력-변형률 곡선을 예측하는데 있어 0.1% 미만의 오차를 가지며 향후 충격량-운동량 이론을 접목하 여 충격시험의 결과 데이터와 비교분석을 하는데 용이하 게 쓰인다. 또한 a 값의 차이가 밀도의 크기에 따라 달라지 는 것을 알 수 있었다. 이 준정적 시험으로 제안된 구성방 정식의 매개 변수들을 얻을 수 있는데, 그리하여 임의의 변 형 속도에 대한 응력-변형률 곡선을 얻는 것이 가능하다.

Fig. 3은 식 (1)을 적용하였을 경우 과 실험결과 값과 분석 결과 값을 비교하여 EPP 폼의 밀도 별로 나타내었다.

이와 같이 응력-변형률 선도에 대한 실험결과 값과 분석 결과 값을 비교해보면, 폴리우레탄에 적용하기 위하여 제 안한 구성방정식도 재질이 다른 고분자에도 적용될 수 있 다는 점을 보였으며, 우수한 결과를 보이는 것으로 나타났다.

3. 결 론

구조적 발포체를 설계하는 경우 발포체의 기계적 동작 의 수학적인 설명이 필요로 하게 된다.

본 연구에서는 Kim 등[7]이 제시한 4가지의 다른 밀도를 갖는 원통형 시험편으로한 EPP의 준정적 및 충격 시험 DB 를 바탕으로 Jeong 등[12]이 제시한 폴리우레탄에 대한 구 성방정식을 EPP 폼에 대하여 다시 정의 하여 충격량-운동 량 이론을 접목시켜 새로운 구성방정식을 제안하기 위한 DB 구축을 목표로 하였다. 구성방정식에 제안된 7개의 매 개 변수는 두 번의 과정을 거쳐 생성된다.

 5개의 매개 변수는 기준 변형률 속도에 의해 결정된다.
 변형률 속도에 의해 결정되는 나머지 두 개의 매개 변 수는 기존 변형률 속도와 다른 변형률 속도에 의해 결정된다. 그리하여, 폴리우레탄에 적용하기 위하여 제안한 구성방 정식도 재질이 다른 고분자에 적용될 수 있다는 점을 보였으며, 우수한 결과를 보이는 것으로 나타났다.

향후 충격량-운동량 이론을 접목한 Munshi 등[15]이 제 안한 수정된 Sherwood-Frost 모델을 접목시켜 충돌시 시편 의 변형거동을 시간에 따라 예측 가능하며, 충격 시험결과 값과 분석결과 값을 비교 및 분석할 필요가 있다.

후 기

이 논문은 2012년도 정부(교육과학 기술부)의 재원으로 한국연구재단의 지원을 받아 수행된 기초연구사업임 (2012R1A1A2008823).

참고문헌

 Willinger, M., "Industrial Development of Composite Materials: Toward a Functional Appraisal", *Journal of Composite Science and Technology*, Vol. 34, 1989, pp. 53-71.

- Wang, D.J., Qiu, J., Gui, Z.L., and Li, L.T., "Design for Highperformance Functional Composite Thermister Materials by Glass/ceramic Composing", *Journal of Material Research*, Vol. 14, No. 7, 1999, pp. 2993-2996.
- Moutos Franklin, T., Freed Lisa, E., and Guilak Farshid, "A Biomimetic Three-dimensional Woven Composite Scaffold for Functional Tissue Engineering of Cartilage", *Journal of Nature Materials*, Vol. 6, 2007, pp. 162-167.
- Kim, M.H., Cho, S.S., and Ha, S.K., "Design and Structural Analysis of Aluminum Bumper for Automobiles," *Transactions* of KSAE, Vol. 7, No. 3, 1999, pp. 217-227.
- Lee, S.J., Park, J.S., Koo, D.H., and Jung, B.H., "The Development of Material Technology Applied to Bumper Beam," *Transactions of KSAE*, Vol. 10, No. 4, 2002, pp. 206-215.
- Choi, C.H., "Expanded Polypropylene and Packaging Materials," *Journal of the Monthly Packaging World*, No. 214, 1996, pp. 58-67.
- Kim, H.K., Kim, B.J., Jeong, K.Y., and Cheon, S.S., "Experimental Study for the Impact Characteristics of Expanded EPP/EPS Foams", *Journal of the Korean Society for Composite Materials*, Vol.26, No. 6, 2013, pp. 343-348.
- Bouuix, R., Voit, P., and Lataillade, J., "Polypropylene Foam Behaviour Under Dynamic Loading : Strain Rate, Density and Microstructure Effects," *International Journal of Impact Engineering*, Vol. 36, Issue. 2, 2009, pp. 329-342.
- Ouellet, S., Cornin, D., and Worswick, M., "Compressive Response of Polymeric Foams Under Quasi-static Medium and High Strain Rate Conditions," *Polymer Testing*, Vol. 25, No. 6, 2006, pp. 731-743.
- Huh, H., Kang, W.J., and Han, S.S., "A Tension Split Hopkinsom Bar for Investigating the Dynamic Behavior of Sheet Metals," *Experimental Mechanics*, Vol. 42, No. 1, 2002, pp. 8-17.
- Huh, H., Kim, S.B., Song, J.H., and Lim, J.H., "Dynamic Tensile Characteristics of TRIP-type and DP-type Steel Sheets for and Auto-body," *International Journal of Mechanical Sciences*, Vol. 50, 2008, pp. 918-931.
- Jeong, K.Y., Cheon, S.S., and Munshi, M.B., "A Constitutive Model for Polyurethane Foam with Strain rate Sensitivity", *Journal of Mechanical Science and Technology*, Vol. 26, No. 7, 2012, pp. 2033-2038.
- Jeong, K.Y., Kim, B.J., and Cheon, S.S., "A Constitutive Equation for Expanded Polypropylene Foam under Dynamic Loading", *Proceeding of The Korean Society for Composite Materials, Korea*, No. 2013, pp. 149-150.
- 14. Kim, B.J., Kim, H.K., and Cheon, S.S., "A Study on the Absorbed Energy of Polymer material of Vehicles between Mass and Strain Rate Effect Velocity Value based on Constant Energy", *Proceeding of the Korean Society for Composite Materials*, Korea, May 2013, pp. 43-44.
- Munshi, M.B., Jeong, K.Y., Choi, Y.J., and Cheon, S.S., "Crashworthy behaviour of Rigid Polyurethane Foam under Constant Impact Energy", *Proceeding of the 2007 Lecture and Paper Abstracts*, 2007, pp. 1776-1780.